

# Métodos Formais em Engenharia de Software

Ana Paiva

apaiva@fe.up.pt



Universidade do Porto  
Faculdade de Engenharia

FEUP

123

## Agenda

- ◆ VDMTools
- ◆ Características da linguagem VDM++
  - Classes; Variáveis de instância; Operações; Funções (polimórficas, de ordem superior, lambda, ...); Tipos; Operadores; Expressões
  - Design-by-contact:
    - Definição de invariantes; pré e pós-condições
    - Ligação do VDM++ ao UML
- ◆ Exemplo da *Vending Machine*
- ◆ Consistência da especificação: obrigações de prova e teste
- ◆ Concorrência em VDM++

FEUP Universidade do Porto  
Faculdade de Engenharia

Métodos Formais em Engenharia de Software, Ana Paiva, MIEIC

124

## Vending Machine

- ◆ Build a VDM++ model of a vending machine for products like drinks, snacks, cookies, etc. This machine accepts coins of 0.05; 0.1; 0.2; 0.5 and 1 euro.
- ◆ There is a stock of coins inside the vending machine which is used to give the due change to clients who may need it.
- ◆ The vending machine has also a stock of products and each one has its price.
- ◆ The Product Vending Machine provides different services in two different possible states: in configuration or waiting for user interaction;

While in configuration: it is possible to update the stock of products and coins;

While waiting:

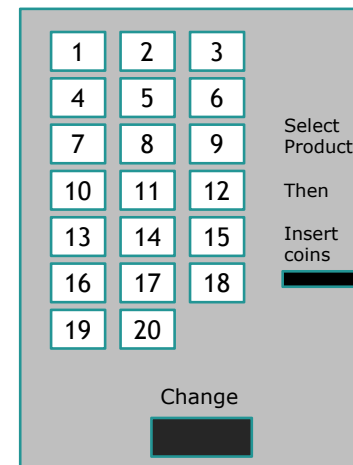
- The vending machine should show the products available to the clients.
- The clients should select the product they want and then insert euro coins to pay for it;
- The vending machine should give change every time it is possible (there are coins in stock for that purpose); otherwise it should give back all the money introduced by the client without selling the product.

125

FEUP Universidade do Porto  
Faculdade de Engenharia

Métodos Formais em Engenharia de Software, Ana Paiva, MIEIC

## Vending machine



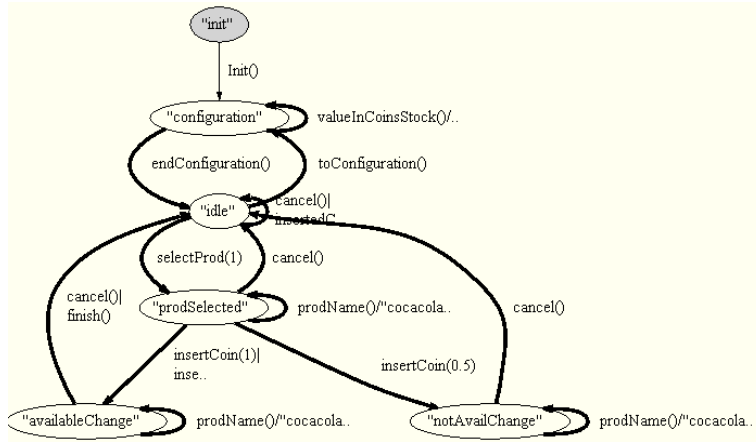
- a) Accepts coins of 0.05; 0.1; 0.2; 0.5 and 1 euro
- b) Each of the 20 boxes can have at most 15 units.
- c) Each product has a price
- d) different possible states: configuration, idle, init, prodSelected, availableChange, notAvailChange
- e) Different operations available depending on the current state.
- f) If there is no change, it is possible to cancel

126

FEUP Universidade do Porto  
Faculdade de Engenharia

Métodos Formais em Engenharia de Software, Ana Paiva, MIEIC

## Vending Machine



## Vending Machine – constantes e tipos

### values

```
public Capacity: real = 15;
```

### types

```
public String = seq of char;
```

```
public Coins = nat
```

```
inv c == c in set {100, 50, 20, 10, 5};
```

```
public Boxes = nat
```

```
inv b == b in set {1,...,20};
```

```
public Products :: name: String
```

```
quantity : nat1
```

```
price : nat1;
```

```
public ProductsInBoxes = map Boxes to [Products]
```

```
inv pb ==
```

```
forall b in set dom pb & pb(b) = nil or
```

```
pb(b) <> nil => pb(b).quantity <= Capacity;
```

```
public State = <init> | <configuration> | <idle> | <prodSelected> |
```

```
<availableChange> | <notAvailChange>;
```

### instance variables

```
public stockProd: ProductsInBoxes;
```

```
public stockCoins: map Coins to nat;
```

```
public stateMachine: State := <init>;
```

```
public prodSelected: [Boxes] := nil;
```

```
public insertedCoins: seq of Coins := [];
```

```
public coinsTroco: seq of Coins := [];
```

## Vending Machine – operações/funções

### operations

#### Construtor

```
public VendingMachine : () ==> VendingMachine
```

```
VendingMachine () ==
```

```
(
```

```
stateMachine := <configuration>;
```

```
stockProd := { |-> };
```

```
stockCoins := { |-> };
```

```
)
```

```
pre stateMachine = <init>;
```

Abastece máquina com um produto numa certa posição. Substitui o que se encontrava antes na mesma posição. Pressupõe a máquina em configuração.

```
public SetStockProducts (num: Boxes, name: String, price: nat1, quant: nat1) ==
```

```
stockProd := stockProd ++ {num |-> mk_Products(name, quant, price)}
```

```
pre stateMachine = <configuration> and
```

```
quant <= Capacity and price mod 5 = 0;
```

## Vending Machine – operações/funções

Altera o stock de moedas. Pressupõe a máquina em configuração.

```
public SetStockCoins(novoStockCoins: map Coins to nat) ==
```

```
stockCoins := stockCoins ++ novoStockCoins
```

```
pre stateMachine = <configuration>;
```

Consulta a quantidade em stock de um produto pelo número.

```
public GetStockProducts(number: Boxes) res : nat1 ==
```

```
return stockProd(number).quantity
```

```
pre stateMachine = <configuration> and number in set dom stockProd;
```

Consulta o preço de um produto pelo número.

```
public GetPriceProduct(number: Boxes) res : nat1 ==
```

```
return stockProd(number).price
```

```
pre stateMachine = <configuration> and number in set dom stockProd;
```

Fim de configuração

```
public EndConfiguration() ==
```

```
stateMachine := <idle>
```

```
pre stateMachine = <configuration>;
```

## Vending Machine – operações/funções

Seleciona um produto pelo número. Depois de seleccionar um produto pode inserir moedas.

```
public SelectProduct(number : Boxes) ==
  prodSelected := number
  pre stateMachine = <idle> and number in set dom stockProd and
    stockProd(number) <> nil;
```

Para saber se ainda não inseriu o valor suficiente de moedas.

```
public InsertedCoinsValue() res : nat ==
  (
    dcl sum:nat := 0;
    for all e in set inds insertedCoins do sum:=sum+insertedCoins(e); return sum;
  )
  pre prodSelected <> nil;
```

Inserir uma moeda de um determinado valor. Deve estar um produto seleccionado, e não devem ter sido inseridas moedas de valor suficiente.

```
public InsertCoin(c: Coins) ==
  insertedCoins := insertedCoins ^ [c]
  pre prodSelected <> nil and InsertedCoinsValue() < stockProd(prodSelected).price;
```

## Vending Machine – operações/funções

Pergunta/observa o nome do produto seleccionado.

```
public GetNomeProdSel() res : String == return stockProd(prodSelected).name
  pre prodSelected <> nil;
```

Calcula o valor das moedas que fazem parte do troco

```
public Sum(troco: seq of Coins) res : nat ==
  (
    dcl sum:nat := 0;
    for all e in set inds troco do sum := sum + troco(e);
    return sum;
  );
```

Cancela a compra em curso

```
public Cancelar() ==
  ( prodSelected := nil; insertedCoins := []; coinsTroco := [] )
  pre prodSelected <> nil;
```

Simula utilizador a recolher o produto seleccionado

```
public RecolheProduto() == (
  if (stockProd(prodSelected).quantity <> 1) then
    stockProd(prodSelected).quantity := stockProd(prodSelected).quantity - 1 else
    stockProd := {prodSelected} <-: stockProd ;
    coinsTroco := [];
  )
  pre prodSelected in set dom stockProd;
```

## Vending Machine – operações/funções

Qual o valor total das moedas em stock?

```
public SumMap(x:map Coins to nat) res:nat
  (dcl sum: nat := 0;
  for all e in set dom x do sum:=sum+e*x(e);
  return sum;)
```

Calcular o troco (moedas com valor igual a troco)

```
public calcularTroco () res: map Coins to nat
  ( ...
  exists m:map Coins to nat &
    SumMap(m) = InsertedCoinsValue()- stockProd(prodSelected).price
    and forall e in set dom m & e in set dom stockCoins and
      stockCoins(e) >= m(e);
  ...
  );
```

**Não executável!**

## Vending Machine – operações/funções

Se possível, dá troco ao cliente

```
public GiveChange() res: seq of Coins ==
  (
    dcl sortedCoins: seq of Coins := [100,50,20,10,5];
    dcl troco : nat := InsertedCoinsValue() - stockProd(prodSelected).price;
    coinsTroco := [];
    while (sortedCoins <> []) do (
      if (hd sortedCoins in set dom stockCoins and stockCoins(hd sortedCoins) > 0 and
        hd sortedCoins <= troco)
      then (
        coinsTroco := coinsTroco ^ [hd sortedCoins];
        if (stockCoins(hd sortedCoins)=1) then stockCoins := {hd sortedCoins} <-: stockCoins
        else stockCoins(hd sortedCoins) := stockCoins(hd sortedCoins)-1;
        troco := troco - hd sortedCoins;
      )
      else sortedCoins := tl sortedCoins
    );
    if (troco <> 0) then (
      for all e in set elems coinsTroco do stockCoins(e) := stockCoins(e)+1;
      coinsTroco := [];
    );
    return coinsTroco;
  )
  pre self.prodSelected <> nil and self.InsertedCoinsValue() > self.stockProd(self.prodSelected).price;
```