



FEUP

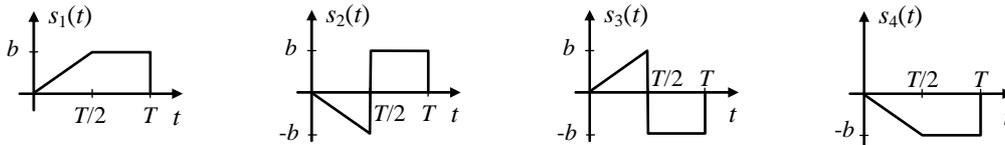
# EEC4164 — Telecomunicações 2

(2005/2006)

1ª Parte – Duração: 1h30m (sem consulta)

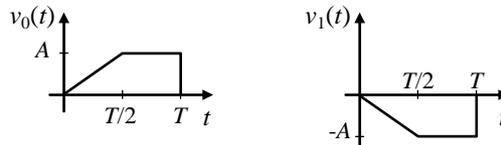
Exame de Recurso – 13 de Fevereiro de 2006

1. As quatro formas de onda da figura transmitem informação através de um canal que introduz ruído gaussiano aditivo com densidade espectral de potência  $N_0/2$ . Suponha que  $N_0 = 1$  e  $b = \sqrt{6/T}$ .



- a) (2 p.) a<sub>1</sub>) Desenhe um conjunto de funções-base que defina um espaço de sinal ortonormado (o. n.) adequado a este conjunto de formas de onda; a<sub>2</sub>) Mostre que as funções-base que desenhou são ortogonais; a<sub>3</sub>) Quantas dimensões tem o espaço o. n.? (Nota: o procedimento de Gram-Schmidt pode não ser a solução mais simples)
- b) (2 p.) Esboce a constelação dos pontos  $s_1$ ,  $s_2$ ,  $s_3$  e  $s_4$  no espaço o. n.
- c) (1 p.) Calcule a energia média das formas de onda.
- d) (3 p.) Seja  $\mathbf{r}$  o vector do sinal recebido à saída do canal. Para o caso especial de probabilidades  $P(s_1) = 1/3$ ,  $P(s_2) = 2/3$  e  $P(s_3) = P(s_4) = 0$  apresente a regra de detecção MAP e esboce as regiões de decisão no espaço o. n..

2. As formas de onda  $v_0(t)$  e  $v_1(t) = -v_0(t)$  da figura seguinte, onde  $A = \sqrt{16/T}$ , representam bits e são transmitidas através de um canal AWGN com  $N_0 = 0,24 \text{ V}^2/\text{Hz}$ . No receptor encontra-se um filtro adaptado.



- a) (2 p.) Determine os valores obtidos à entrada do decisor binário, na ausência de ruído.
- b) (1 p.) Calcule a relação sinal-ruído à entrada do decisor binário.
- c) (2 p.) A utilização de um filtro transversal como filtro adaptado é uma aproximação da realização óptima. Suponha então que o filtro adaptado é construído como um filtro transversal de quatro coeficientes e unidades de atraso de  $T/4$  segundos. Determine os valores obtidos à entrada do decisor binário, na ausência de ruído.

3. A entrada  $x_k$  e a saída  $y_k$  de um canal com interferência intersimbólica e ruído AWGN estão relacionadas através de

$$y_k = x_k + 0,5x_{k-1} + n_k$$

em que  $x_k = \pm 2$  é a sequência de informação transmitida e  $n_k$  é uma amostra de ruído.

- a) (1 p.) Esboce a constelação do sinal recebido, na ausência de ruído.
- b) (2 p.) Apresente a treliça do canal devidamente anotada.
- c) (3 p.) Devido ao ruído a sequência  $y_k = [2 \ 0 \ 1 \ 1 \ -3]$  é recebida. Estime a sequência binária transmitida recorrendo ao algoritmo de Viterbi.
- d) (2 p.) Suponha agora que o sinal transmitido  $x_k$  tem uma constelação de quatro pontos de coordenadas  $(\pm 2, \pm 2)$ . Esboce a constelação do sinal recebido sem ruído se:

d1) o canal for o anterior;

d2) o canal for caracterizado por  $y_k = x_k + x_{k-1} + n_k$ .

4. Este problema envolve probabilidades de erro em várias modulações digitais afectadas de ruído gaussiano branco.

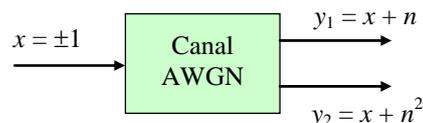
- (2 p.) Determine o valor de  $E_b/N_0$ , em dB, tal que a probabilidade de bit errado em DPSK seja um quarto da probabilidade de bit errado em BFSK detectado não-coerentemente.
- (2 p.) Com  $E_b/N_0 = 8$  dB obtém-se uma certa probabilidade de bit errado em PSK binário. De que relação  $E_b/N_0$  necessitamos em FSK binário com detecção coerente para obtermos a mesma probabilidade de erro?
- (2 p.) Considere uma constelação de quatro pontos localizados em  $(\pm 1, \pm \sqrt{5})$ . Quanto vale a probabilidade exacta de símbolo errado se  $N_0 = 1$ ?

5. Símbolos equiprováveis com mapeamento de Gray são modulados em QAM.

- (2 p.) Considere 16-QAM. Determine o valor aproximado da probabilidade de bit errado se  $\langle E_s \rangle / N_0 = 10$  dB.
- (2 p.) Agora considere a constelação de 64-QAM. Calcule o número médio de vizinhos mais próximos.
- (2 p.) Um canal passa-banda de 4 kHz é usado para transmitir dados à taxa de 9600 bits/s. Deseja-se usar modulação M-QAM e impulsos de sinal de cosseno elevado com um factor de “roll-off” de, no mínimo, 0,5. Qual é o menor valor de  $M$ ?

6. Considere a transmissão de sinais binários equiprováveis  $x = \pm 1$  através de um canal AWGN com duas saídas,

$y_1 = x + n$  e  $y_2 = x + n^2$ , em que  $n$  representa uma amostra de ruído gaussiano de variância  $\sigma^2$ .



- (3 p.) Especifique cuidadosamente as regiões de decisão óptimas para  $x$  dado o par de valores recebidos  $(y_1, y_2)$ . Não há nada de estranho nestas regiões de decisão?
- (1 p.) Qual é a probabilidade de erro deste sistema?
- (2 p.) Suponha que  $y_1 = 0,5$ . Qual é a estimativa mais provável de  $x$ ? Justifique.

Nota: tenha em atenção os valores da tabela seguinte:

dB	Factor
0	1
3,0	2
4,8	3
6,0	4
7,0	5
7,8	6
8,5	7
9,0	8
9,5	9

Tenha também em conta que  $\ln 2 \approx 0,7$ .